

## C. IMO

Název úlohy	IMO
Časový limit	6 sekund
Paměťový limit	1 gigabajt

Mezinárodní matematická olympiáda (IMO) je každoročně pořádaná matematická soutěž pro studenty středních škol. Letošní ročník IMO se koná současně s EGOI. V době, kdy toto čtete, již skončily oba soutěžní dny IMO a hodnocení je pravděpodobně téměř hotové. Na rozdíl od programátorských soutěží, jako je EGOI, se hodnocení provádí ručně, což je pro Calábka zdouhavý a namáhavý proces.

Letos měl IMO celkem  $M$  úloh (číslovaných od 0 do  $M - 1$ ) a každá úloha je nejvýše za  $K$  bodů.  $i$ -tý soutěžící získal v úloze  $j$  počet bodů  $a_{i,j}$ , kde  $a_{i,j}$  je celé číslo mezi 0 a  $K$  včetně. Soutěže se celkem účastnilo  $N$  soutěžících. Výsledné pořadí soutěžících je určeno celkovým počtem získaných bodů, které zvládl za soutěž získat, s remízami rozhodnutými podle čísel soutěžících. Formálněji řečeno, soutěžící číslo  $x$  se umístil lépe než soutěžící číslo  $y$ , pokud:

- je celkový počet bodů soutěžícího  $x$  vyšší než celkový počet bodů soutěžícího  $y$ ,
- nebo je jejich počet bodů stejný a  $x < y$ .

Aby bylo možné zveřejnit konečné pořadí, musí organizátoři zveřejnit některá ohodnocení  $a_{i,j}$ . Pokud je ohodnocení nepublikované, je známo pouze to, že se jedná o celé číslo mezi 0 a  $K$  včetně.

Organizátoři chtějí zveřejnit co nejméně hodnot  $a_{i,j}$ . Zároveň se musí ujistit, že všichni znají správné konečné pořadí soutěžících. Jinými slovy, musí odhalit soubor hodnot tak, aby jediné pořadí, které z něj plyne, bylo to správné.

Najděte nejmenší  $S$  takové, aby bylo možné zveřejnit  $S$  hodnot  $a_{i,j}$  způsobem, který jednoznačně určí celkové pořadí soutěžících.

### Vstup

První řádek obsahuje tři celá čísla  $N$ ,  $M$  a  $K$ .

Následujících  $N$  řádků obsahuje čísla  $a_{i,j}$ . První z nich obsahuje  $a_{0,0}, a_{0,1}, \dots, a_{0,M-1}$ , druhý obsahuje  $a_{1,0}, a_{1,1}, \dots, a_{1,M-1}$ , a tak dále.

## Výstup

Vypište jedno celé číslo, odpovídající minimálnímu počtu ohodnocení  $S$ , která lze zveřejnit, aby konečné pořadí bylo určeno jednoznačně.

## Omezení a bodování

- $2 \leq N \leq 20\,000$ .
- $1 \leq M \leq 100$ .
- $1 \leq K \leq 100$ .
- $0 \leq a_{i,j} \leq K$  pro každou dvojici  $i, j$  kde  $0 \leq i \leq N - 1$  a  $0 \leq j \leq M - 1$ .

Vaše řešení bude testováno na sadách testů, z nichž za každou lze získat nějaký počet bodů. Každá sada obsahuje několik testů. Abyste získali body za konkrétní sadu, musíte vyřešit všechny její testy.

Sada	Body	Omezení
1	10	$N = M = 2$ a $K = 1$
2	13	$N = 2$
3	10	$N \cdot M \leq 16$
4	18	$K = 1$
5	21	$N \leq 10\,000$ a $M, K \leq 10$
6	28	Žádná další omezení

## Ukázkové příklady

V prvním příkladu stačí odhalit těchto 20 ohodnocení:

7	7	0	•	7	?
7	3	0	7	2	1
•	0	0	•	0	0
7	7	7	7	7	1

Ze zveřejněných ohodnocení plyne, že je celkový počet bodů třetího soutěžícího mezi 0 a 14, což je v každém případě nižší než celkový počet bodů kteréhokoliv jiného soutěžícího. Lze ukázat, že nelze odhalit méně než 20 ohodnocení. Pokud bychom například skryli jednu z nul třetího soutěžícího, pak by tento soutěžící mohl mít až 21 bodů. To je problém, protože má soutěžící 2 bodů 20 a mělo by být přitom zaručeno, že se umístí výše než soutěžící 3.

První příklad splňuje omezení sad 5 a 6.

Ve druhém příkladu můžeme buď odhalit pouze ohodnocení jediné úlohy prvního soutěžícího, nebo pouze ohodnocení jediné úlohy druhého soutěžícího. Pokud odhalíme pouze první ohodnocení, pak víme že soutěžící 1 má 1 bod. To znamená, že i kdyby měl soutěžící 2 má také 1 bod, soutěžící 1 se umístí výše, protože jeho index je nižší. Podobně, pokud odhalíme pouze skóre soutěžícího 2, víme že má nula bodů, což znamená, že soutěžící 1 se umístí výše bez ohledu na jeho počet bodů.

Druhý příklad splňuje omezení sad 2, 3, 4, 5 a 6.

Třetí příklad splňuje omezení sad 2, 3, 5 a 6.

Čtvrtý příklad splňuje omezení všech sad.

Vstup	Výstup
4 6 7 7 7 0 2 7 0 7 3 0 7 2 1 7 0 0 7 0 0 7 7 7 7 7 1	20
2 1 1 1 0	1
2 2 7 7 4 7 0	2
2 2 1 0 1 1 0	2